

الجزء الثالث :  
الكهرباء  
الوحدة 2  
6 س / 7 س

# ثنائي القطب $RL$

## Le Dipôle $RL$

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ  
 للسلام على من درس له وبركاته  
 الثانية بـبكالوريا  
الفيزياء

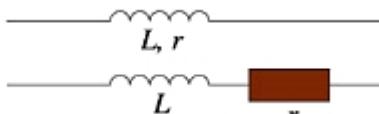
### 1- الوشيعة :

#### 1-1- تعريف :



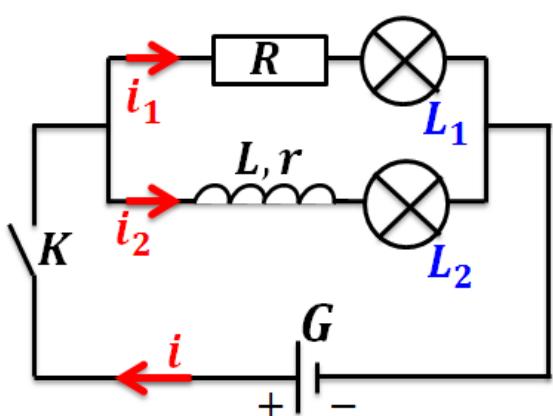
الوشيعة ثانوي قطب يتكون من لفات ، من سلك من النحاس ، غير متصلة فيما بينها مطلية ببرنيق عازل للكهرباء .

رمز الوشيعة هو :



حيث  $r$  المقاومة الداخلية للوشيعة .

معامل التحرير الذاتي للوشيعة ، وحدته في (ن ، ع) هي الهنري H



. نجز التركيب الكهربائي الممثل جانبه ، ثم نغلق قاطع التيار  $K$  .  
 أ- هل يتائق المصباحان  $L_1$  و  $L_2$  مباشرة بعد إغلاق الدارة ؟  
 لا يتائق المصباحان  $L_1$  و  $L_2$  مباشرة بعد إغلاق الدارة ، بل يتآخر تأقلم المصباح  $L_2$  عن المصباح  $L_1$  .

ب- كيف تتغير شدة التيار المار في  $L_1$  و  $L_2$  ؟

تتغير  $i_1$  لحظيا بينما تتغير  $i_2$  تدريجيا متأخرة عن  $i_1$  .

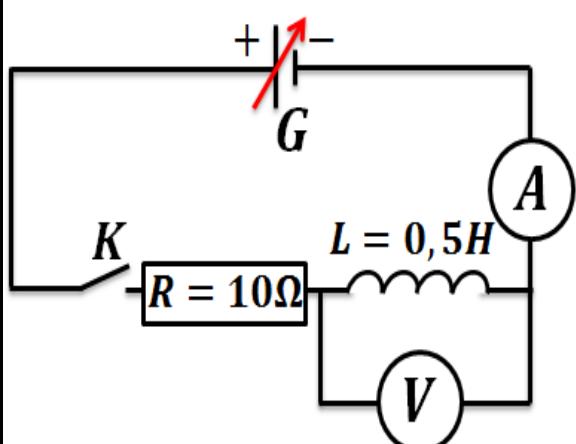
ج- ما تأثير الوشيعة عند إقامة التيار الكهربائي ؟

الوشيعة تؤخر إقامة التيار الكهربائي الذي يمر فيها .

د- ماذا يحدث عند فتح الدارة ؟ ما تأثير الوشيعة عند انعدام التيار الكهربائي ؟

يتآخر انطفاء المصباح  $L_2$  عن المصباح  $L_1$  . الوشيعة تؤخر انعدام التيار الكهربائي الذي يمر فيها .

تقاوم الوشيعة إقامة أو انقطاع التيار الذي يجتازها ، وتزداد هذه المقاومة عند إدخال نواة من الحديد المطاوع بداخل الوشيعة .



### 3- التوتر بين مربطي وشيعة :

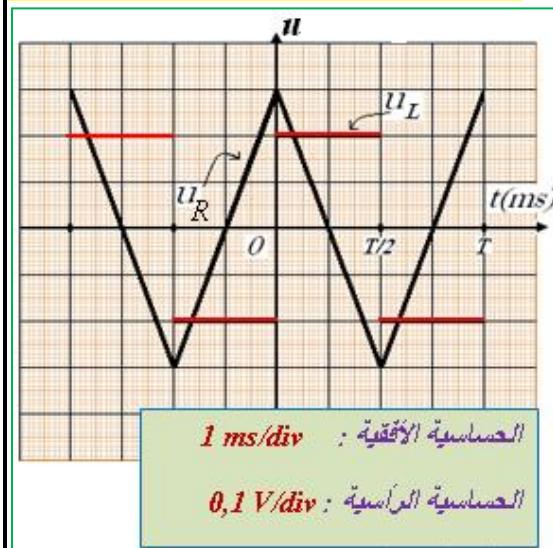
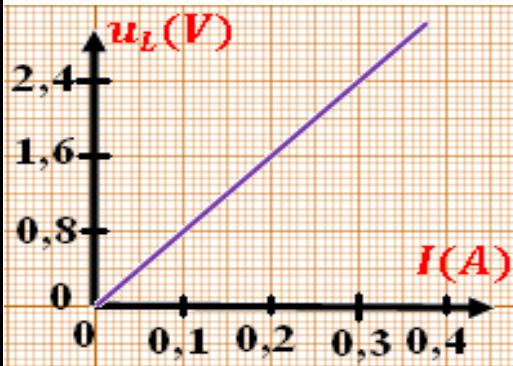
#### 3-1- مناولة 1 :

. نجز التركيب الكهربائي الممثل جانبه و نغلق قاطع التيار  $K$  .  
 نغير قيم التوتر الذي يعطيه المولد ، وفي كل مرة نقيس التوتر  $u_L$  بين مربطي الوشيعة وكذلك شدة التيار  $I$  المار فيه ، فنحصل على النتائج التالية :

$u_L(V)$	0	0,8	1,6	2,4	3,2
$I(A)$	0	0,1	0,2	0,3	0,4

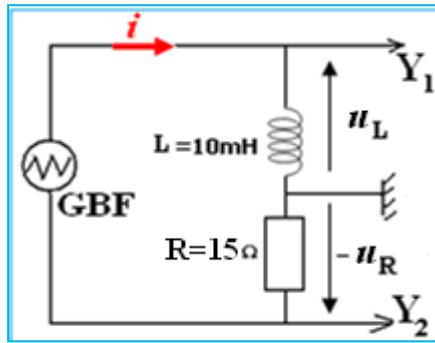
أ- مثل المنحنى  $u_L$  بدلالة الشدة  $I$  .

انظر جانبه



بـ- كيف تتصرف الوشيعة في النظام الدائم ( $I = cte$ ) .  
المنحنى عبارة عن دالة خطية تمر من أصل المعلم تكتب على شكل :  
 $[K] = \frac{[u_L]}{[I]} = \frac{V}{A} = \Omega$  لدينا  $K = \frac{u_L}{I}$  أي  $u_L = K \cdot I$   
إذن  $K$  لها بعد المقاومة  $r$  وبالتالي تتصرف الوشيعة في النظام الدائم كموصل أومي .

### 2-3-1- محاولة 2 :



نضبط  $GBF$  بحيث يعطي تياراً كهربائياً مثلثياً تردد  $f = 250 Hz$  وتوتره الأقصى  $3 V$  .

نجز التركيب الكهربائي الممثل جانبه فنحصل على الرسم التنبذبي الممثل جانبه .

أـ- ماذا نعain عند المدخلين  $Y_1$  و  $Y_2$  ؟  
نعاين التوتر  $u_L$  في المدخل  $Y_1$  ونعاين التوتر  $u_R$  – في المدخل  $Y_2$  .

بـ- لماذا يجب أن يكون هيكل  $GBF$  غير مرتبط بأخذ أرضي ؟  
سيصبح الموصى الأولي بين هيكلين وبالتالي  $u_R = 0$  .

جـ- لماذا يمكن المدخل  $Y_2$  من معاينة تغيرات المار في الدارة ؟  
حسب قانون أوم  $u_R = -R \cdot i$  أي  $i = \frac{u_R}{R}$  إذن  $i$  تتناسب اطراضاً مع  $u_R$  وبالتالي معاينة  $u_R$  تمكن من معاينة  $i$  .

دـ- تعتبر نصف دور من التذبذبات .  
❖ بين أن شدة التيار تكتب على الشكل التالي :

$$i = a \cdot t + b$$

بالنسبة لنصف دور ، يعتبر منحنى  $u_R$  دالة تألفية تكتب على شكل

$$i = a \cdot t + b \quad \text{إذن} \quad i = -\frac{a'}{R} \cdot t - \frac{b'}{R} \quad \text{وبلاتالي} \quad u_R = -R \cdot i$$

❖ حدد قيمة  $a$  .

$$a = -\frac{2\Delta u_R}{R \cdot T} = -\frac{2(-0,3-0,3)}{15 \times 4 \cdot 10^{-3}} \quad \text{لدينا} \quad \frac{di}{dt} = a = -\frac{a'}{R} \quad \text{ونعلم أن} \quad a' = \frac{\Delta u_R}{\Delta t} = \frac{2\Delta u_R}{T} \quad \text{لدينا} \quad a = 20 A \cdot s^{-1}$$

❖ حدد مبيانيا قيمة التوتر  $u_L$  .

$$u_L = 0,2 V \quad \text{مبيانيا نجد}$$

❖ احسب النسبة  $\frac{u_L}{\frac{di}{dt}}$  ، ثم قارنها مع  $L$  معامل تحرير الذاتي للوشيعة المستعملة .

$$L = \frac{u_L}{\frac{di}{dt}} \quad \text{لدينا} \quad \frac{u_L}{\frac{di}{dt}} = \frac{0,2}{20} = 10 mH \quad \text{نلاحظ أن}$$

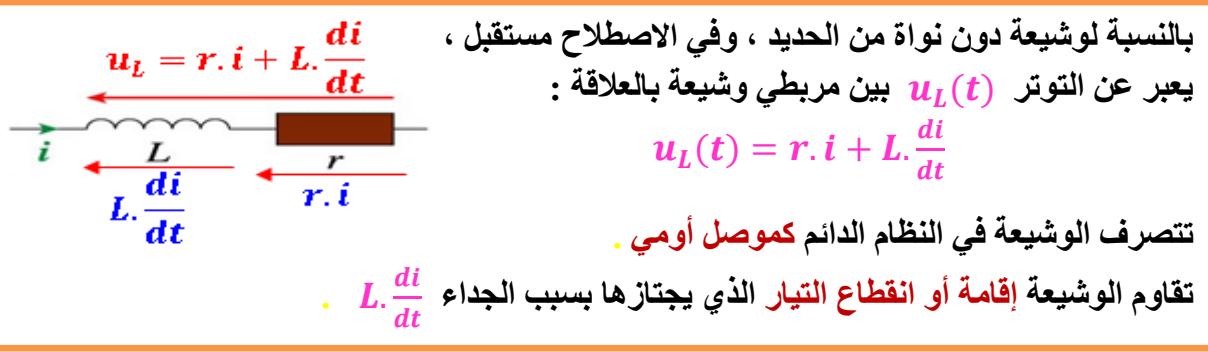
استنتاج العلاقة بين  $u_L$  و  $L$  و  $\frac{di}{dt}$ .

$$u_L = L \cdot \frac{di}{dt}$$

اعط تعبير التوتر  $u_L$  بين مربطي وشيعة معامل تحريرها الذاتي  $L$  و مقاومتها الداخلية  $r$ .

$$u_L = r \cdot i + L \cdot \frac{di}{dt}$$

### 3-3-1 خلاصة:



### 4-1 استغلال تعبير التوتر بين مربطي وشيعة :

عند إهمال مقاومة الوشيعة ، يصبح التوتر بين مربطيها هو

$$u_L(t) > 0$$

إذا كانت شدة التيار  $i(t)$  تزايدية ، فإن :

إذا كان تغير شدة التيار سريعا جدا يأخذ الاشتراك  $\frac{di}{dt}$  قيمة كبيرة جدا و  $u_L(t)$  أيضا تأخذ قيمة كبيرة ، أي يظهر بين مربطي الوشيعة فرط توتر . تستعمل هذه الظاهرة مثلا لإحداث شرارات بين مربطي شمعة المحرك الذي يشتغل بالبنزين ، وفي إضاءة مصابيح النيون ...

### 2- استجابة ثانى القطب RL لرتبة توتر :

#### 1-2 تعاريف :



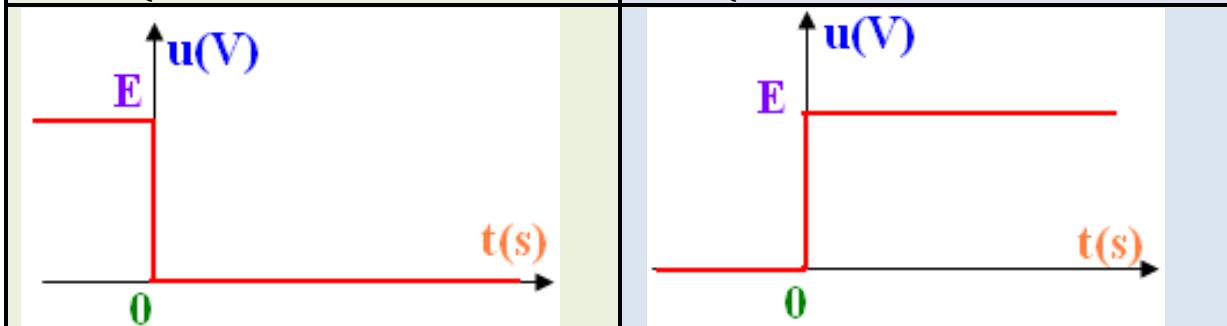
رتبة توتر هي إشارة كهربائية  $u$  و نميز بين :

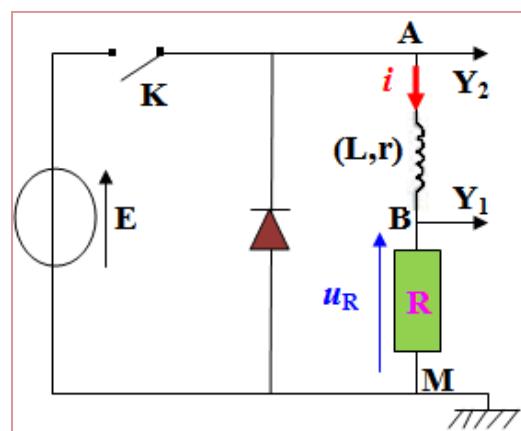
رتبة التوتر النازلة و تعرف كالتالي :

$$\begin{cases} u = 0 & \text{لدينا } t \geq 0 \\ u = E & \text{لدينا } t < 0 \end{cases}$$

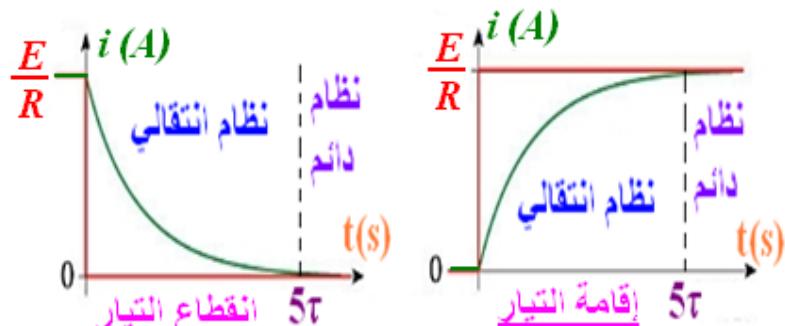
رتبة التوتر الصاعدة و تعرف كالتالي :

$$\begin{cases} u = E & \text{لدينا } t \geq 0 \\ u = 0 & \text{لدينا } t < 0 \end{cases}$$



2-2- الدراسة التجريبية لاستجابة ثاني القطب :  $RL$ 

بإنجاز التركيب التجريبي التالي وعند معاينة التوتر  $u_R$  بين مربطي الموصل الأولي ، نحصل على المنحنيات التالية :



نلاحظ :

- التوتر  $u_R$  بين مربطي الموصل الأولي هو صورة لشدة التيار المار في الدارة لأن  $i = \frac{u_R}{R}$ .

- شدة التيار المار في الوشيعة متصلة .

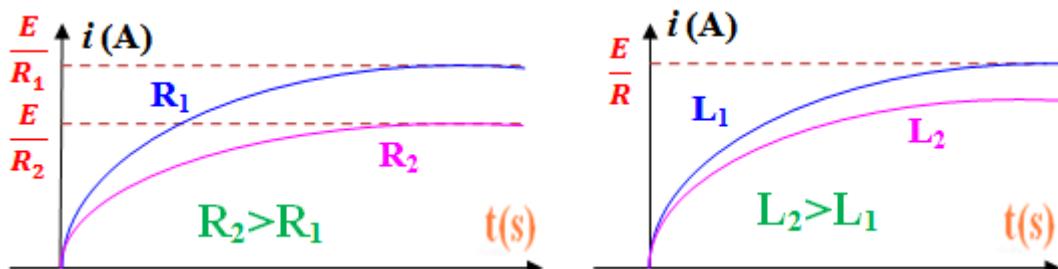
- نميز بين نظامين :

- النظام الانتقالى** : تتزايد أو تتناقص خلاله شدة التيار أسيًا ونحصل عليه عندما تكون  $t < 5\tau$ .

- النظام الدائم** : نحصل عليه عندما تكون  $t > 5\tau$  وتبقى خلاله شدة التيار ثابتة وقيمتها تساوي

- $\frac{E}{R}$  عند إقامة التيار و منعدمة عند انقطاع التيار .

- تزايد مدة إقامة أو انقطاع التيار** كلما زادت قيمة  $L$  أو نقصت قيمة  $R$  . (انظر الشكل التالي )

2-3- استجابة ثاني القطب  $RL$  لرتبة صاعدة للتوتر : إقامة التيار1-3-2- المعادلة التفاضلية :

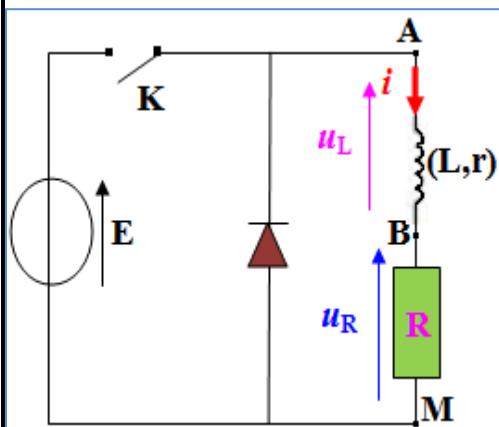
نعتبر الدارة  $RL$  الممثلة أسفله . عند غلق قاطع التيار  $K$  في اللحظة  $t = 0$  ، يأخذ التوتر  $u_{AM}$  بين مربطي الدارة القيمة  $E$  (رتبة صاعدة للتوتر ) .

لدينا حسب قانون إضافية التوترات :  $u_R + u_L = E$

و حسب قانون أوم :  $u_L(t) = r \cdot i + L \cdot \frac{di}{dt}$  ولدينا  $u_R = R \cdot i$  وبالتالي

$$Ri + r \cdot i + L \cdot \frac{di}{dt} = E$$

نضع  $\frac{di}{dt} + R_t \cdot i = E$  إذن  $R_t = R + r$



$$\frac{di}{dt} + \frac{R_t}{L} \cdot i = \frac{E}{L}$$

**2-3-2 حل المعادلة التفاضلية :**

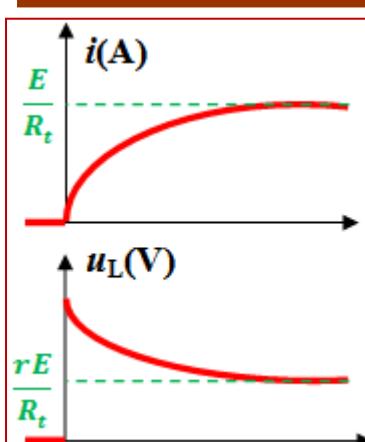
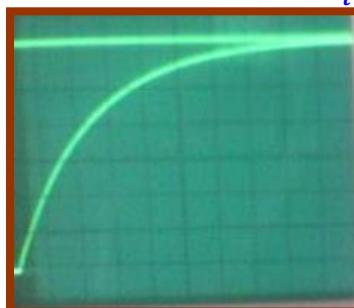
نقبل أن حل المعادلة التفاضلية  $\frac{di}{dt} + \frac{R_t}{L} \cdot i = \frac{E}{L}$  يكتب على الشكل التالي : مع  $A$  و  $B$  ثوابت .

لدينا  $i(t) = Ae^{-\alpha t} + B$  ونعرضها في المعادلة التفاضلية فنجد :  
 $(R_t - L \cdot \alpha) \cdot A \cdot e^{-\alpha t} = E - R_t \cdot B$  إذن  $-L \cdot \alpha \cdot A \cdot e^{-\alpha t} + R_t \cdot A \cdot e^{-\alpha t} + R_t \cdot B = E$  علماً أن  $A \neq 0$  ولكي تتحقق هذه العلاقة كيما كانت  $t$  يجب أن يكون :

$$i(t) = Ae^{-\frac{R_t}{L}t} + \frac{E}{R_t} \quad \text{وبالتالي} \quad \begin{cases} \alpha = \frac{R_t}{L} \\ B = \frac{E}{R_t} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} R_t - L \cdot \alpha = 0 \\ E - R_t \cdot B = 0 \end{cases}$$

بما أن شدة التيار  $i(t)$  دالة متصلة و حسب الشروط البدئية فإن  $0$

إذن  $i(t) = -\frac{E}{R_t}e^{-\frac{R_t}{L}t} + \frac{E}{R_t}$  أي  $A = -\frac{E}{R_t}$  وبالتالي  $i(t_0) = A + \frac{E}{R_t} = 0$



$$\tau = \frac{L}{R_t} \quad \text{نضع}$$

تعبير شدة التيار المار في  $RL$  هو  $i(t) = \frac{E}{R_t}(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$

بما أن  $u_L(t) = r \cdot i + L \cdot \frac{di}{dt}$  فإن تعبير التوتر بين مربطي الوشيعة

$$u_L(t) = Ee^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{rE}{R_t}(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \quad \text{هو } u_L$$

نلاحظ أن التوتر  $u_L(t)$  غير متصل عند اللحظة  $t = 0$ .

عندما تكون  $r$  مهملاً أمام  $R$  ، يصبح تعبير التوتر بين مربطي الوشيعة

$$u_L(t) = Ee^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{هو}$$

**3-3-2 ثابتة الزمن  $\tau$  :**

لدينا بالنسبة لوشيعة مقاومتها الداخلية مهملاً :  $\tau = \frac{L}{R}$  و  $u_L(t) = L \cdot \frac{di}{dt}$

إذن  $[R] = \frac{[U]}{[I]}$  وبالتالي  $[u_L] = \frac{[U] \cdot [t]}{[I]} = \frac{[L] \cdot [I]}{[t]}$  و نعلم أن

إذن  $[\tau] = [t]$  إذن  $[\tau] = \left[ \frac{L}{R} \right] = \frac{[U] \cdot [t]}{[I]} \times \frac{[I]}{[U]} = [t]$

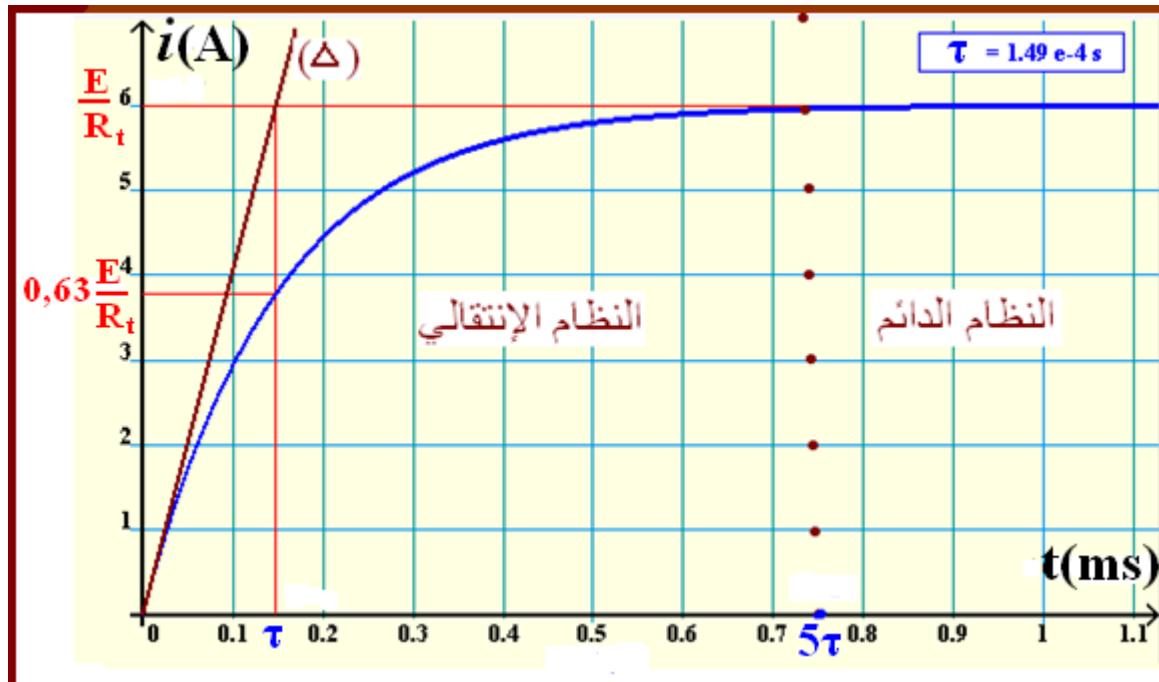
نسمى المقدار  $\tau = \frac{L}{R_t}$  ثابتة الزمن لثانية القطب  $RL$  ، لأن لها بعد الزمن ، وحدتها في (ن ، ع ) هي الثانية s.

**يمكن تحديد قيمة  $\tau$  :**

ـ  $\tau = \frac{L}{R_t}$  فحسب بمعروفة  $L$  و  $R_t$

ـ لدينا  $0,63 \frac{E}{R_t}$  إذن  $\tau$  هو الأقصول الذي يوافق الأرتب  $i(\tau) = \frac{E}{R_t}(1 - e^{-1}) = 0,63 \frac{E}{R_t}$

ـ  $\tau$  هي أقصول نقطة تقاطع المماس للمنحنى  $i = f(t)$  عند اللحظة  $t = 0$  والمقارب



#### 4-2- استجابة ثانوي القطب $RL$ لرتبة نازلة للتوتر : انقطاع التيار 1-4-2- المعادلة التفاضلية :

عند فتح الدارة يتغير التوتر بين مربطي ثانوي القطب  $RL$  من القيمة  $E$  إلى القيمة  $0$ .  
نعتبر الصمام ذي وصلة مؤملاً ( $u_S = 0$ ) و حسب قانون إضافية التوترات  $u_R + u_L = u_S = 0$

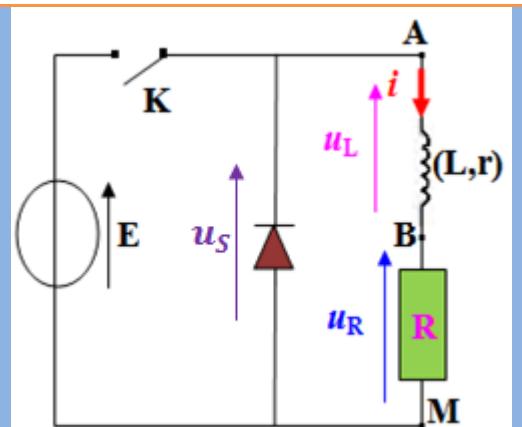
$$Ri + L \cdot \frac{di}{dt} = 0 \quad \text{ومنه فإن}$$

$$R_t = R + r \quad \text{مع} \quad L \cdot \frac{di}{dt} + R_t \cdot i = 0$$

يعني

$$\tau = \frac{L}{R_t} \cdot \frac{di}{dt} + i = 0 \quad \text{هي ثابتة الزمن.}$$

المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة التيار  $i$  عند انقطاع التيار



عند فتح الدارة ينتج فرط توتر في الدارة ،  
وتظهر معه شرارة كهربائية على مستوى  
قطاع التيار لتبقى شدة التيار متصلة ، وقد  
يؤدي إلى اتلاف بعض أجزاء الدارة .  
ولتفادي ذلك ، نضيف للدارة صمام ذي  
وصلة نسميه في هذا التركيب "صمام  
الجلة الحرة".

#### 2- حل المعادلة التفاضلية :

نقبل أن حل المعادلة التفاضلية  $\frac{di}{dt} + i = 0$  يكتب على الشكل  $\tau \cdot \frac{di}{dt} + i = 0$  وبالتالي :

$$\frac{di}{dt} = -\alpha \cdot A \cdot e^{-\alpha t} \quad \text{وبالتالي} \quad i(t) = A e^{-\alpha t} + B$$

ونعرضها في المعادلة التفاضلية فنجد :

$$-\tau \cdot \alpha \cdot A \cdot e^{-\alpha t} + A e^{-\alpha t} + B = 0$$

$$(1 - \tau \cdot \alpha) \cdot A \cdot e^{-\alpha t} = -B \quad \text{إذن}$$

علماً أن  $A \neq 0$  ولكي تتحقق هذه العلاقة كيما كانت  $t$  يجب أن يكون :

$$i(t) = A e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{وبالتالي} \quad \begin{cases} \alpha = \frac{1}{\tau} \\ B = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 - \tau \cdot \alpha = 0 \\ B = 0 \end{cases}$$

بما أن شدة التيار  $i(t)$  دالة متصلة و حسب الشروط البدئية فإن  $i(t_0) = \frac{E}{R_t}$  إذن

$$i(t) = \frac{E}{R_t} e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{أي } A = \frac{E}{R_t}$$

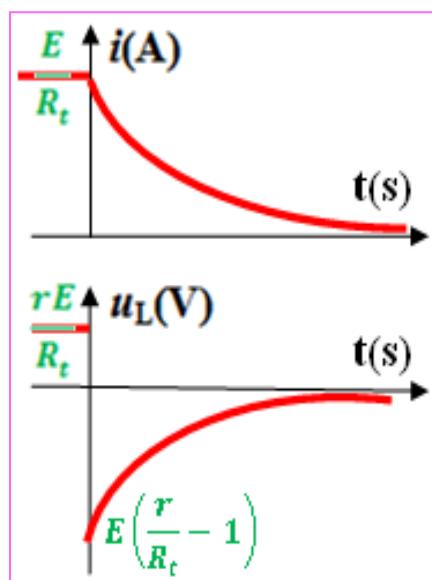
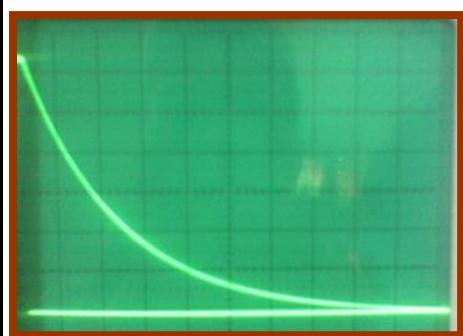
تعبير شدة التيار  $i$  عند انقطاع التيار هي

بما أن  $u_L(t) = r \cdot i + L \cdot \frac{di}{dt}$  فإن تعبير التوتر بين مربطي

$$u_L(t) = E \cdot \left( \frac{r}{R_t} - 1 \right) \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

نلاحظ أن التوتر  $u_L(t)$  غير متصل عند اللحظة  $t = 0$

يتزايد التوتر أسيًا من القيمة  $E \cdot \left( \frac{r}{R_t} - 1 \right)$  إلى أن ينعدم.



### 3-4-2. ثابتة الزمن $\tau$ :

نسمي المقدار  $\tau = \frac{L}{R_t}$  ثابتة الزمن لثاني القطب  $RL$  ، لأن لها بعد الزمن ، وحدتها في (ن ، ع ) هي الثانية s .

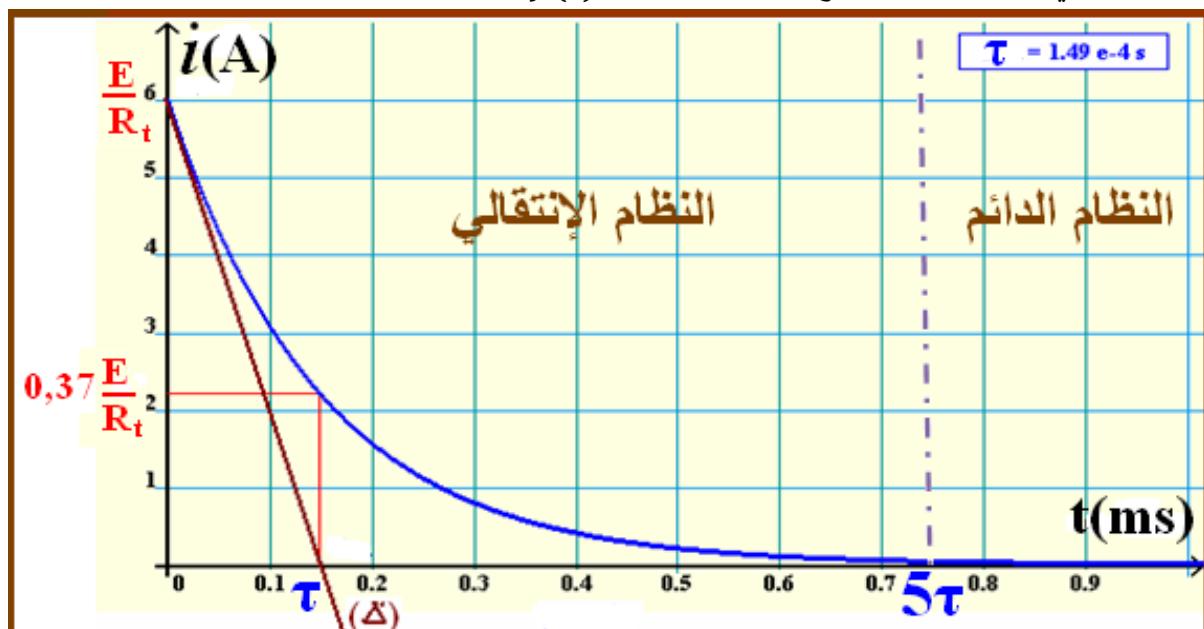
يمكن تحديد قيمة  $\tau$  :

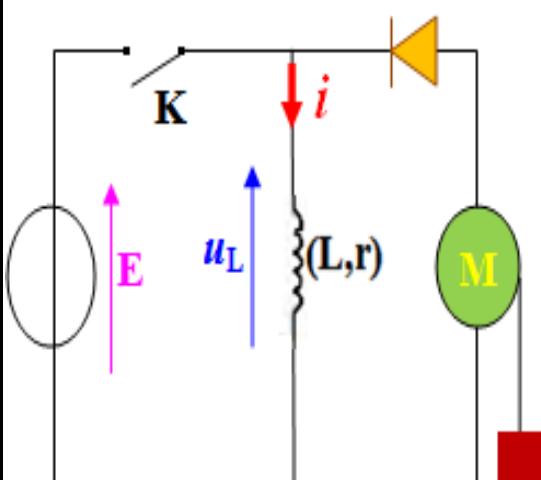
ـ  $\tau = \frac{L}{R_t}$  فنحسب

ـ لدينا  $i(\tau) = \frac{E}{R_t} e^{-\frac{\tau}{\tau}} = \frac{E}{R_t} e^{-1} = 0,37 \frac{E}{R_t}$

$$0,37 \frac{E}{R_t}$$

ـ  $\tau$  هي أقصى نقطة تقاطع المماس للمنحنى  $i = f(t)$  عند اللحظة  $t = 0$  ومحور الأفاسيل.



4- الطاقة المخزنة في الوشيعة :4-1- الإبراز التجريبي :

نعتبر التركيب المستعمل جانبه .

عند غلق قاطع التيار ، يمر تيار كهربائي في الوشيعة ويعمل الصمام المستقطب في المنحى المعاكس مرور التيار في المحرك .

عند فتح قاطع التيار ، يمر تيار في المحرك فيدور . لقد زودت الوشيعة المحرك بالطاقة المغناطيسية التي خزنتها .

تزداد الطاقة المخزنة في الوشيعة عند زيادة شدة التيار المار فيها أو عند زيادة معامل تحريكها .

4-2- تعبير الطاقة المخزنة في المكثف :

القدرة الكهربائية المكتسبة من طرف الوشيعة عندما يكون قاطع التيار مغلقا هي :

$$\mathcal{P} = u_L \cdot i = r \cdot i^2 + i \cdot L \cdot \frac{di}{dt} = r \cdot i^2 + \frac{d}{dt} \left( \frac{1}{2} L \cdot i^2 \right) = \mathcal{P}_{th} + \mathcal{P}_m$$

مع  $\mathcal{P}_{th} = r \cdot i^2$  القدرة الحرارية المبذولة بمحض جول

و  $\mathcal{P}_m = \frac{d}{dt} \left( \frac{1}{2} L \cdot i^2 \right)$  القدرة المغناطيسية المخزنة في الوشيعة

ونعلم أن  $E_m = \frac{1}{2} L \cdot i^2 + K$  إذن  $\mathcal{P}_m = \frac{dE_m}{dt}$  مع ثابتة  $K$

عند اللحظة  $t = 0$  لدينا  $i(0) = 0$  و  $E_m = 0$  إذن  $K = 0$  وبالتالي

إن تخزين الطاقة و تفريغها في وشيعة لا يتم بشكل أني ، وبالتالي تكون شدة التيار المار في وشيعة

$$i = \sqrt{\frac{2 E_m}{L}}$$
 متصلة